# FMC2, 2020.6 Professor: Thanos

Problem Set 1

(points: 20; deadline: 29/09/2020, 23h59)

## Problema 1.

Demonstre ou refute a proposição: Para quaisquer famílias  $\mathcal{I}$ -indexadas de conjuntos  $(A_i)_i, (B_i)_i$  temos

$$\bigcup_{i} (A_i \times B_i) \subseteq \bigcup_{i} A_i \times \bigcup_{i} B_i.$$

## Problema 2.

Demonstre ou refute a proposição: Para quaisquer famílias  $\mathcal{I}$ -indexadas de conjuntos  $(A_i)_i$ ,  $(B_i)_i$  temos

$$\bigcup_{i} (A_i \times B_i) \supseteq \bigcup_{i} A_i \times \bigcup_{i} B_i.$$

## Problema 3.

Caso que demonstrou algum dos 1,2 generalize do caso de produto binário para o caso geral de seqüência ou de família indexada (tua escolha): enuncie e depois demonstre ou refute.

#### Problema 4.

Seja  $(A_n)_n$  uma seqüência monótona de conjuntos. Demonstre que  $(A_n)_n$  tem limite. Qual é?