
Nome:

23/03/2018

Regras:

- I. Não vires esta página antes do começo da prova.
- II. Nenhuma consulta de qualquer forma.
- III. Nenhum aparelho ligado (por exemplo: celular, tablet, notebook, *etc.*).¹
- IV. Nenhuma comunicação de qualquer forma e para qualquer motivo.
- V. $\forall x(\text{Colar}(x) \rightarrow \neg \text{Passar}(x, \text{FMC2}))$.²
- VI. Use caneta para tuas respostas.
- VII. Responda dentro das caixas indicadas.
- VIII. Escreva teu nome em *cada* folha de rascunho extra *antes de usá-la*.
- IX. Entregue *todas* as folhas de rascunho extra, juntas com tua prova.
- X. Nenhuma prova será aceita depois do fim do tempo.
- XI. Os pontos bônus são considerados apenas para quem consiga passar sem.³
- XII. Responda em até 2 dos A, B, C.⁴

Boas provas!

¹Ou seja, *desligue antes* da prova.

²Se essa regra não faz sentido, melhor desistir desde já.

³Por exemplo, 25 pontos bonus podem aumentar uma nota de 5,2 para 7,7 ou de 9,2 para 10,0, mas de 4,9 nem para 7,4 nem para 5,0. A 4,9 ficaria 4,9 mesmo.

⁴Provas com respostas nos três problemas não serão corrigidas (tirarão 0 pontos).

(6) **A**

(2) **A1.** Defina formalmente (usando ou “ $\dots \stackrel{\text{def}}{\iff} \dots$ ” ou “ $\dots \stackrel{\text{def}}{=} \dots$ ”) \square , e \square . Não assumo que o leitor sabe o significado dos \square .

DEFINIÇÃO DE \square :

DEFINIÇÃO DE \square :

(4) **A2.** Seja A conjunto. Prove ou refute a afirmação:

$$\square \implies \square$$

PROVA/REFUTAÇÃO.

(12) **B**

(6) **B1.** Sejam A, B, C conjuntos. Prove ou refute a afirmação:

$$\text{[Redacted]} = \text{[Redacted]}.$$

PROVA/REFUTAÇÃO.

(6) **B2.** Sejam [Redacted] famílias de conjuntos [Redacted]. Prove ou refute a afirmação:

$$\text{[Redacted]}.$$

PROVA/REFUTAÇÃO.

(16) **C**

(8) **C1.** Sejam A_1, A_2, \dots, A_m conjuntos, tais que:
para todo $m \in \mathbb{N}$, $A_m \cap A_{m+1} = \emptyset$.

Prove que:

$$\bigcup_{m=1}^{\infty} A_m = \bigcup_{m=1}^{\infty} A_m.$$

PROVA.

(8) **C2.** Sejam a_1, a_2, \dots, a_n números naturais, tais que:
para todo $n \in \mathbb{N}$, $a_n < a_{n+1}$.

Mostre que em geral *não podemos concluir* que

$$\bigcup_{n=1}^{\infty} a_n = \bigcup_{n=1}^{\infty} a_n.$$

DEMONSTRAÇÃO.

Só isso mesmo.